

# CLASSE DE MP

## Programme de colle N°14

semaine du 13 au 17 janvier 2020

- RÉVISION DU PROGRAMME PRÉCÉDENT

- INTÉGRATION SUR UN INTERVALLE QUELCONQUE

- Intégrale généralisée sur un intervalle de la forme  $[a, +\infty[$  d'une fonction continue par morceaux: définition : l'intégrale converge, linéarité.
- Intégrabilité sur un intervalle de la forme  $[a, +\infty[$  : définition, si  $f$  est intégrable sur  $[a, +\infty[$  alors  $\int_a^{+\infty} f$  converge
- Cas des fonctions positives : intégrale de référence, intégration des relations de comparaison
- Intégrations sur un intervalle quelconque :
  - \* Adaptation des paragraphes précédents aux fonctions définies sur un intervalle semi-ouvert de  $\mathbb{R}$
  - \* Adaptation des paragraphes précédents aux fonctions définies sur un intervalle ouvert  $]a, b[$  de  $\mathbb{R}$
  - \* Si  $I$  est un intervalle de  $\mathbb{R}$ , linéarité et positivité de l'application  $f \mapsto \int_I f$  sur l'espace des fonctions de  $I$  dans  $\mathbb{K}$  dont l'intégrale converge.
  - \* Si  $f$  est continue et intégrable sur  $I$ , à valeurs dans  $\mathbb{R}^+$  et si  $\int_I f = 0$ , alors  $f$  est identiquement nulle. Relation de Chasles.
- Changement de variable
- Intégration par parties sur un intervalle quelconque :  $\int_a^b f(t)g'(t)dt = [fg]_a^b - \int_a^b f'(t)g(t)dt$ .  
L'existence des limites du produit  $fg$  aux bornes de l'intervalle assure que les intégrales de  $fg'$  et  $f'g$  sont de même nature
- Intégration des relations de comparaison : domination, négligeabilité, équivalence (La fonction de référence est positive).

ATTENTION : pas encore le théorème de convergence dominée

Recevez tous mes meilleurs voeux pour cette année 2020